

Certains résultats d'irréductibilité de représentations unitaires en courbure négative

Adrien Boyer

En théorie des représentations, la notion d'irréductibilité est une des premières notions fondamentales que l'on rencontre. Un théorème ergodique de U. Bader et R. Muchnik, généralisant le théorème de Birkhoff-von Neumann pour des représentations de groupes discrets agissant sur le bord d'un espace à courbure négative, équipé des densités de Patterson-Sullivan a pour conséquence immédiate l'irréductibilité de ces représentations.

Nous présenterons un de nouveaux théorèmes ergodiques à la Bader-Muchnik pour des classes de mesures généralisant les mesures de Patterson-Sullivan apparaissant dans le formalisme thermodynamique, desquels nous déduisons l'irréductibilité de la représentation associée. Nous essaierons aussi de présenter un lien établi entre ces théorèmes et le concept de "monotonie" de Steger et Kuhn dans le cas du groupe libre si le temps nous le permet.