

LES SOUS-ESPACES X ET Y_0

A	X	Y_0
A_l (l impair ≥ 1)	$\langle \sum_{1 \leq i \text{ impair} \leq l} e_i \rangle$	X , si $l = 1$ ou 3 \bar{V} , si $l \geq 5$
A_l (l pair ≥ 2)	$\{0\}$	$\{0\}$
B_l ($l \geq 2$)	$\langle \sum_{1 \leq i \text{ impair} \leq l} e_i \rangle$	\bar{V}
C_l ($l \geq 3$)	$\langle e_l \rangle$	X , si l est impair $\langle e_1 + e_3, e_4 \rangle$, si $l = 4$ \bar{V} , si l est pair ≥ 6
D_l (l pair ≥ 4)	$\langle \sum_{1 \leq i \text{ impair} \leq l-1} e_i, e_{l-1} + e_l \rangle$	X , si $l = 4$ \bar{V} , si $l \geq 6$
D_l (l impair ≥ 5)	$\langle e_{l-1} + e_l \rangle$	X
E_6	$\{0\}$	\bar{V}
E_7	$\langle e_4 + e_5 + e_7 \rangle$	\bar{V}
E_8	$\{0\}$	\bar{V}
F_4	$\{0\}$	$\langle e_1, e_2 \rangle$
G_2	$\{0\}$	$\{0\}$

A	X	Y_0
$A_l^{(1)} (l \text{ pair} \geq 2)$	$\langle \sum_{0 \leq i \leq l} e_i \rangle$	X
$A_l^{(1)} (l \text{ impair} \geq 3)$	$\langle \sum_{0 \leq i \text{ pair} \leq l-1} e_i, \sum_{1 \leq i \text{ impair} \leq l} e_i \rangle$	$X, \text{ si } l = 3$ $\bar{V}, \text{ si } l \geq 5$
$B_l^{(1)} (l \geq 3)$	$\langle e_0 + e_1, \sum_{1 \leq i \text{ impair} \leq l} e_i \rangle$	\bar{V}
$C_l^{(1)} (l \geq 2)$	$\langle e_0, e_l \rangle$	$X, \text{ si } l \text{ est impair}$ $\bar{V}, \text{ si } l = 2$ $\langle e_0, e_1 + e_3, e_4 \rangle, \text{ si } l = 4$ $\bar{V}, \text{ si } l \text{ est pair} \geq 6$
$D_l^{(1)} (l \text{ pair} \geq 4)$	$\langle e_0 + e_1, \sum_{1 \leq i \text{ impair} \leq l-1} e_i, e_{l-1} + e_l \rangle$	$X, \text{ si } l = 4$ $\bar{V}, \text{ si } l \geq 6$
$D_l^{(1)} (l \text{ impair} \geq 5)$	$\langle e_0 + e_1, e_{l-1} + e_l \rangle$	X
$E_6^{(1)}$	$\langle e_0 + e_1 + e_3 + e_6 \rangle$	\bar{V}
$E_7^{(1)}$	$\langle e_0 + e_2 + e_4, e_4 + e_5 + e_7 \rangle$	\bar{V}
$E_8^{(1)}$	$\langle e_4 + e_5 + e_7 + e_0 \rangle$	\bar{V}
$F_4^{(1)}$	$\langle e_0 + e_2 \rangle$	$\langle e_0, e_1, e_2 \rangle$
$G_2^{(1)}$	$\langle e_0 + e_2 \rangle$	X

A	X	Y_0
$A_{2l}^{(2)} (l \geq 2)$	$\langle e_l \rangle$	\bar{V}
$A_{2l-1}^{(2)} (l \geq 3)$	$\langle e_0 + e_1, e_l \rangle$	X , si l est impair $\langle e_0 + e_1, e_1 + e_3, e_4 \rangle$, si $l = 4$ \bar{V} , si l est pair ≥ 6
$D_{l+1}^{(2)} (l \geq 2)$	$\langle \sum_{0 \leq i \text{ pair} \leq l} e_i, \sum_{1 \leq i \text{ impair} \leq l} e_i \rangle$	\bar{V}
$E_6^{(2)}$	$\langle e_0 + e_2 + e_4 \rangle$	$\langle e_0 + e_2, e_3, e_4 \rangle$
$D_4^{(3)}$	$\langle e_0 + e_2 \rangle$	X
$\begin{pmatrix} 2 & -m \\ -n & 2 \end{pmatrix} (m, n \in \mathbb{N}^*)$		
m et n impairs :	$\{0\}$	$\{0\}$
m pair et n impair :	$\langle e_2 \rangle$	\bar{V}
m et n pairs :	\bar{V}	\bar{V}