# DES DIAGRAMMES DE BRATTELI SUR LEQUEL PRESQUE TOUT ORDRE EST IMPARFAIT.

REEM YASSAWI

Un diagramme de Bratteli $B$ est un genre de graphe infini qui contienne des instructions partielles pour définir un système dynamique via la méthode de *cutting-and-stacking*. Le diagramme $B$ nous donne les instructions sur la façon de construire l'espace $X_B$, mais il faut avoir un *ordre* $\omega$ sur $B$ pour définir la dynamique $\varphi_\omega : X_B \to X_B$. En général la transformation $\varphi_\omega$ est mesurable et pas nécessairement continue. Disons qu'un ordre est *parfait* si $\varphi_\omega$ est un homéomorphsime.

Notre approche est de fixer un diagramme de Bratteli et d'étudier l'espace mesuré $(\mathcal{O}_B, \mu)$ des ordres sur $B$, où $\mu$ est la mesure produit uniforme. Des résultats récents nous disent qu'il y a un $k \geq 1$ tels que presque tout ordre possède $k$ chemins maximaux, et que si $B$ est *simple*, alors $k > 1$ si et seulement si presque tout ordre est imparfait. Si $B$ est de *rang fini*, il est naturel que $k$ égale 1. Cependant si $B$ est de rang infini, c'est moins évident comment calculer $k$. Nous montrons que $k = \infty$ pour une famille de diagrammes de Bratteli qui possède la propriété de “equal path number”. Nous discutons le lien entre nos résultats et des résultats dans la domaine de la génétique des populations. Ce travail est une collaboration avec Jeannette Janssen et Anthony Quas.